

1

[解答例]

(1) 右向きを正として、点 P で壁と衝突した直後の小球と台の速度をそれぞれ v_1, v_2 とすると、運動量保存則と反発係数の定義より、

$$mv_0 = mv_1 + 6mv_2 \quad \Leftrightarrow \quad v_1 = v_0 - 6v_2$$

$$e = -\frac{v_1 - v_2}{v_0 - 0} = \frac{3}{4} \quad \Leftrightarrow \quad v_1 = v_2 - \frac{3}{4}v_0$$

これらより、

$$v_0 - 6v_2 = v_2 - \frac{3}{4}v_0 \quad \Leftrightarrow \quad v_2 = \frac{v_0}{4}, \quad v_1 = \frac{v_0}{4} - \frac{3}{4}v_0 = -\frac{v_0}{2}$$

したがって、小球の速度は左向きで $\frac{v_0}{2}$ 、台の速度は右向きで $\frac{v_0}{4}$ である。

(2) 点 Q で壁と衝突した直後の小球と台の速度をそれぞれ v'_1, v'_2 とすると、運動量保存則と反発係数の定義より、

$$mv_1 + 6mv_2 = mv'_1 + 6mv'_2 \quad \Leftrightarrow \quad v'_1 = v_0 - 6v'_2$$

$$e = -\frac{v'_1 - v'_2}{v_1 - v_2} = \frac{3}{4} \quad \Leftrightarrow \quad v'_1 = v'_2 - \frac{3}{4}(v_1 - v_2) = v'_2 - \frac{3}{4}\left(-\frac{v_0}{2} - \frac{v_0}{4}\right) = v'_2 + \frac{9}{16}v_0$$

これらより、

$$v_0 - 6v'_2 = v'_2 + \frac{9}{16}v_0 \quad \Leftrightarrow \quad v'_2 = \frac{v_0}{16}, \quad v'_1 = \frac{v_0}{16} + \frac{9}{16}v_0 = \frac{5}{8}v_0$$

したがって、小球の速度は右向きで $\frac{5}{8}v_0$ 、台の速度は右向きで $\frac{v_0}{16}$ である。

(3) 小球に速さを与えてから、小球がはじめに点 P で壁に衝突するまで、台は移動しない。小球がはじめに点 P で壁に衝突してから点 Q で壁に衝突するまでの時間を T_1 、その後再び点 P で壁に衝突するまでの時間を T_2 とすると、

$$L = |v_1 - v_2|T_1 = \left|-\frac{v_0}{2} - \frac{v_0}{4}\right|T_1 = \frac{3}{4}v_0T_1 \quad \Leftrightarrow \quad T_1 = \frac{4L}{3v_0}$$

$$L = |v'_1 - v'_2|T_2 = \left|\frac{5}{8}v_0 - \frac{v_0}{16}\right|T_2 = \frac{9}{16}v_0T_2 \quad \Leftrightarrow \quad T_2 = \frac{16L}{9v_0}$$

したがって、台が移動した距離は、

$$v_2T_1 + v'_2T_2 = \frac{v_0}{4} \frac{4L}{3v_0} + \frac{v_0}{16} \frac{16L}{9v_0} = \frac{L}{3} + \frac{L}{9} = \frac{4}{9}L$$

である。

A 点での小球の速度の大きさを v_0 、重力加速度の大きさを g とする。

水平方向は右向きを正、鉛直方向は上向きを正とする。

A 点での水平方向の速度を v_{0x} 、鉛直方向の速度を v_{0y} とすると、

$$v_{0x} = v_0 \cos \theta, \quad v_{0y} = v_0 \sin \theta$$

となる。

小球は水平方向に等速運動であるので、小球が点 A から投げ出されてから点 B に到達するまでの時間を t として

$$v_0 \cos \theta t = 6H \quad \dots \textcircled{1}$$

が成り立つ。

また、B 点での水平方向の速度を v_x とすると、

$$v_x = v_0 \cos \theta$$

となる。

B 点での鉛直方向の速度を v_y とすると、水平方向と鉛直方向の速度のなす角が 45° であるため、

$$v_y = -v_0 \cos \theta$$

となる。

そのため、A 点と B 点の鉛直方向の速度の関係から

$$v_0 \sin \theta - gt = -v_0 \cos \theta \quad \dots \textcircled{2}$$

が成り立つ。

A 点と B 点の高さの差が H であるため

$$H = v_0 \sin \theta t - \frac{1}{2}gt^2 \quad \dots \textcircled{3}$$

が成り立つ。

②に t を乗じて

$$gt^2 = v_0 t (\sin \theta + \cos \theta)$$

③に代入して

$$H = \frac{1}{2}v_0 t (\sin \theta - \cos \theta) \quad \dots \textcircled{3}'$$

①より $t = 6H / (v_0 \cos \theta)$ であるため

③'に代入して

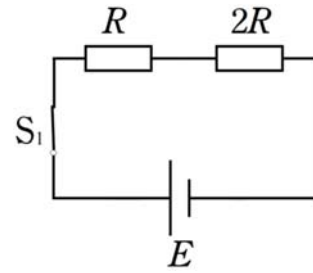
$$\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{4}{3}$$

を得る。

3 解答例

(1) S_1 に流れる電流の大きさを I_1 とする。このときの回路は右図の回路と等価である。合成抵抗は $R + 2R = 3R$ なので、

$$I_1 = \frac{E}{3R}$$



(2) S_2 に流れる電流の大きさを I_2 とする。 S_2 を閉じた直後は、コンデンサーに電荷は蓄えられていないので、等価な回路は右図のようになる。このとき、 $2R$ と $3R$ の抵抗は並列なので、並列部の合成抵抗は

$$\frac{1}{\frac{1}{2R} + \frac{1}{3R}} = \frac{6}{5}R$$

となる。電池から流れ出る電流の大きさは

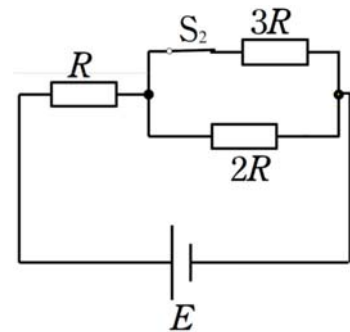
$$\frac{E}{R + \frac{6}{5}R} = \frac{5E}{11R}$$

となるので、この並列部分の両端に生じる電位差は、

$$\frac{5E}{11R} \cdot \frac{6}{5}R = \frac{6}{11}E$$

となる。したがって

$$I_2 = \left(\frac{6}{11}E\right)/3R = \frac{2E}{11R}$$

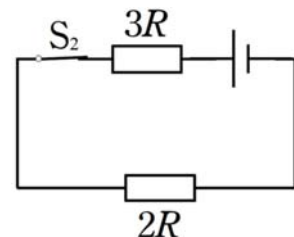


(3) 十分時間がたつと、等価回路は再び(1)と同じになり、コンデンサーの極板間の電位差は抵抗値 $2R$ の抵抗の両端に生じる電位差 $\frac{2}{3}E$ と等しくなる。したがって、コンデンサーに蓄えられる電気量を Q とすると、

$$Q = C \cdot \frac{2}{3}E = \frac{2}{3}CE$$

(4) S_1 を開けた直後は、コンデンサーが電池となって、右図のような回路になる。コンデンサーの極板間の電位差は(3)と同じ $\frac{2}{3}E$ で、合成抵抗は $2R + 3R = 5R$ なので、 S_2 を流れる電流の大きさを I_2' とすると、

$$I_2' = \frac{\frac{2}{3}E}{5R} = \frac{2E}{15R}$$



4

(ア) 体積

(イ) 絶対温度

(ウ) ボイル・シャルル

(エ) 標準

(1) $\frac{\overline{\rho v^2}}{3}$

(2) $\frac{3}{2}R$

(3) $\frac{3}{2}R$

(a) 2.24×10^{-2}

(b) 0.179

(c) 1.70